

Résoudre les équations suivantes :

$(3x+1)(2x+2)+(3x+1)^2=0$	$(x+1)^2-4=0$	$x(3x-2)-(-2x-5)x \geq 0$
$(x-1)^2-(2x+1)^2=0$	$2(3x-4)+3(2x+2)=2-4(3x-4)$	$\frac{1-4x}{x+1} \leq \frac{x+4}{x-1}$
$x(3x-2)-(-2x-5)x=0$	$4 < x^2 < 16$	$(x+1)^2-4 < 0$
$\frac{-5}{6}x - \frac{8}{3} = \frac{-3-2x}{12} + 3$	$(3x+1)(2x+2)+(3x+1)^2 \geq 0$	$-4 \leq \frac{1}{x+1} < 4$
$\frac{1-4x}{x+1} = \frac{x+4}{x-1}$	$-4 < \frac{1}{x} < 4$	

CORRECTION

• $(3x+1)(2x+2)+(3x+1)^2=0$ soit $(3x+1)(5x+3)=0$

$$s : \left(-\frac{3}{5}; -\frac{1}{3}\right)$$

• $(x-1)^2-(2x+1)^2=0$ soit $3x(-x-2)=0$

$$s : (-2; 0)$$

• $x(3x-2)-(-2x-5)x=0$ soit $x(5x+3)=0$

$$s : \left(-\frac{3}{5}; 0\right)$$

• $\frac{-5}{6}x - \frac{8}{3} = \frac{-3-2x}{12} + 3$ soit $\frac{-5}{6}x - \frac{8}{3} = \frac{-1}{4} - \frac{x}{6} + 3$ soit $-\frac{2}{3}x = \frac{65}{12}$

$$x = -\frac{65}{8}$$

• $\frac{1-4x}{x+1} = \frac{x+4}{x-1}$ deux valeurs interdites soit $x=-1$ et $x=1$, soit $5(-x^2-1)=0$ soit $x^2=-1$ soit aucune solution car un carré est toujours positif ou nul.

• $(x+1)^2-4=0$ soit $(x-1)(x+3)=0$

$$s : (-3; 1)$$

• $2(3x-4)+3(2x+2)=2-4(3x-4)$ soit $12x=10$ soit $x=\frac{5}{6}$

• $4 < x^2 < 16$ soit S : $]4 ; -2[U]2 ; 4[$

• $(3x+1)(2x+2)+(3x+1)^2 \geq 0$

x	-∞				+∞
3x+1	-		-	0	+
5x+3	-	0	+		+
(3x+1)(5x+1)	+	0	-	0	+

$$S : \left[-\infty ; -\frac{3}{5} \right] \cup \left[-\frac{1}{3} ; +\infty \right]$$

- $-4 < \frac{1}{x} < 4$ valeur interdite pour $x=0$ soit $S : \left[-\infty ; -\frac{1}{4} \right] \cup \left[\frac{1}{4} ; +\infty \right]$
- $x(3x-2) - (-2x-5)x \geq 0$

x	-∞	-3/5	0	+∞
x	-	-	0	+
5x+3	-	0	+	+
(3x+1)(5x+1)	+	0	-	+

$$S : \left[-\infty ; -\frac{3}{5} \right] \cup \left[0 ; +\infty \right]$$

- $\frac{1-4x}{x+1} \leq \frac{x+4}{x-1}$ deux valeurs interdites soit $x=-1$ et $x=1$, soit $5 \frac{(-x^2-1)}{(x-1)(x+1)} \leq 0$ or

x	-∞	-1	1	+∞
$5(-x^2-1) < 0$	-	-	-	-
$x+1$	-	0	+	+
$x-1$	-	-	0	+
$5 \frac{(-x^2-1)}{(x-1)(x+1)}$	-			-

$$S : \left[-\infty ; -1 \right] \cup \left[1 ; +\infty \right]$$

- $(x+1)^2 - 4 < 0$

x	-∞	-3	1	+∞
$x-1$	-	-	0	+
$x+3$	-	0	+	+
$(x-1)(x+3)$	+	0	-	+

S :] -3 ; 1 [

- $-4 \leq \frac{1}{x+1} < 4$ valeur interdite pour $x = -1$, posons $X = x+1$ soit $X \in \left[-\infty ; -\frac{1}{4} \right] \cup \left[\frac{1}{4} ; +\infty \right]$ avec $X \neq 0$, soit pour $x :$

$$S : \left[-\infty ; -\frac{5}{4} \right] \cup \left[-\frac{3}{4} ; +\infty \right]$$